das revelaram maiores dificuldades nessas atividades sugeridas que os da l^a e 2^a séries; mesmo assim, terminaram dominando o conceito. Daí para diante, não se embaraçavam mais 'quando as operações eram requeridas, nem quanto à conta a utilizar em situações-problemas propostas.

Quanto à sugestão para os própios alunos enuncieram '
problemas, pudemos avaliar sobre o seu acerto, através dos
enunciados obtidos. Para exemplificar, citamos um, tomado '
ao acaso, entre vários outros:

Dada pela professora - regente a expressão

foi pedido o enunciado de um problema que lhe correspondesse, para ser resolvido pelos colegas.

Eis o enunciado:

"Serginho foi à praia e fez três montinhos de areia. ' No primeiro colocou 20 conchinhas, no segundo o dobro de 13 e no terceiro 24.

Quantas conchinhas Serginho usou nessa brincadeira?"

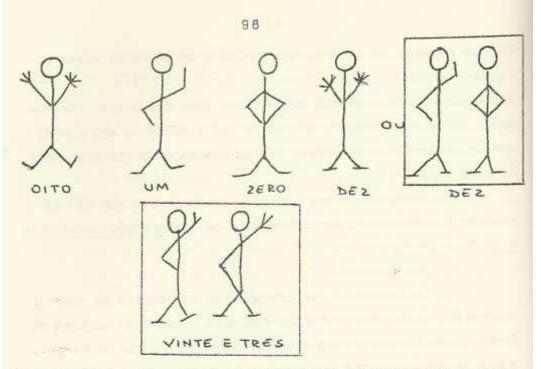
A ideia sugerida de trocas e vendas resultou, em uma das escolas, na organização de uma feirinha, atividade em que toda a escola cooperou, com a participação das famílias das crianças, que forneceram frutas e legumes. As crianças se revezavam com entusiasmo nos papeis de caixa, vendedor e comprador, com o "dinheiro" confeccionado em mimeografo, pelas organização professoras.

II. Dificultades na Representação dos Números (1º e 2º séries)

Certas crianças se embaraçavam ao ler e ao escrever números. Causas:

Exigências feita a alunos de 1º série para escreverem números até 1.000 e a criança da 2º série até 1.000.000, sem que tivessem percebido o mecanismo da representação posicional até 100, na base 10.

- Insegurança das próprias professoras, que não se *
 sentiam firmes quanto aos princípios de uma notação posicional
 e de base de numeração.
 - Atendimento:
- . Esclareceu-se as professoras a respeito de base de numeração, utilizando material concreto, sugerindo leitura do livro "Experiências Pedagógicas Baseadas na Teoria de Piaget, a que já nos referimos, do Prof. Luíz Alberto Brasil. Nesse 'livro é relatada uma experiência na qual se leva as crianças' a usarem base cinco, numa tentativa bem sucedida de homogeneizar a turma, motivando-a com uma novela didática, para dramatização.
 - . Sugeriram-se atividades como:
 - Utilização de caixas de contagem.
- Dramatizações feitas pelos alunos. Por exemplo: as próprias crianças eram convidadas a se colocar convenientemen te para obterem com sua posição e seus dedos uma "representação posicional", base dez. Aos poucos foram chegando a simplificações e maneiras mais práticas, como os desenhos abaixo in dicam:



Depois dos alunos se sentírem firmes nessa representação posicional dramatizada, pediu-se que regis trassem no papel a dramatização, por meio de desenhos, antecedendo o pedido do registro usual da notação posicional base dez.

Resultados:

As professoras regentes, tendo dominado efetivamente o conceito de base de numeração, puderam propor atividades como as mencionadas. Ao mesmo tempo, tomaram conhecimento da 'possibilidade de se desenvolver um procedimento didático capaz de atender a crianças que cheguem à escola com diferentes graus de informação.

Os alunos, tendo feito cálculos utilizando a notação' dramatizada, passaram a registrá-los no papel, seguindo as mesmas etapas, e chegaram finalmente à notação simbólica usu-

al. Dessa maneira, gravaram algo com que a sua <u>inteligência'</u> concordava; não estavam mais limitados a reproduzir simplesmente o que tinham visto ser executado por outra pessoa, diretamente na linguagem simbólica.

III. Dificuldades e Desinteresse no Uso das Unidades de Medida.

O desinteresse era geral e as dificuldades eram bem pronunc<u>i</u> adas.

Causas:

Haviam sido fornecidas informações sobre sistemas de medidas, através apenas de aulas expositivas.

Atendimento:

Foi pedido que todas as crianças medissem mesa, sala '
etc., com seus palmos, ou seus pés, ou com um pedaço de bar bante. Depois foi lhes pedido que comparassem o resultado que
cada um tivesse obtido, com o dos seus colegas. Chegaram a um
consenso sobre a conveniência prática de se escolher uma unidade - padrão.

Construíram depois eles mesmos: alguns, uma régua graduada em decimetros; outros, uma fita graduada em centímetros.

Foi também sugerido que comparassem capacidades de recipientes diversos, para: se assegurarem sobre a permanencia 'da quantidade - assimilarem o conceito de unidade de medida - perceberem a liberdade de arbítrio na escolha da unidade - padrão, tomarem conhecimento do litro como padrão oficial. O mesmo foi feito em relação à introdução do quilo, ou do grama, antecedido por comparação de pesos de objetos em balanças com dois

pratos.

Resultados:

Entusiasmo com as medições. Houve crianças que saí - ram a medir tudo pela escola. Calcularam com facilidade perímetro da sala, para compra de roda-pé, etc.

Através desses exemplos elementares esperamos ter '
transmitido certa mensagem aos professores primários, extensível aos 2º e 3º graus, e sintetizada nas palavras de '
Halmos:

"Não anuncie fatos, estimule atos".

"O melhor modo de aprender é fazer; o pior modo de ' ensinar é falar".

A esse propósito, não é demais repetir as recomend<u>a</u> ções sobre metodologia e material didático da 3ª Conferência Internacional da Educação Matemática, em Bahia Blanca,1972.

- ."Que o aluno adquira experiência matemática operando com ma terial concreto diversificado.
- ..Que os materiais concretos escolhidos sejam os oferecidos' pelo lugar em que vivem os alunos, os manufaturados acces<u>í</u> veis, ou montados, que o professor ou aluno possam constr<u>u</u> ir.
- ..Que o aluno registre pictórica, verbal, gráfica, ou simbolicamente, suas experiências.
- ..Que extraía toda e qualquer relação matemática somente após haver manipulado tipos distintos de materiais com es trutura comum.
- ..Que o pulo para abstração e para a linguagem simbólica se-

ja realizado dentro do respeito ao ritmo individ<u>u</u> al de cada um.

- ..Que as aulas se organizem de tal maneira que cada aluno possa realizar as suas tarefas, individualmente ou em grupo, em clima de responsabilidade.
- ..Que o diálogo entre professor e o aluno sirva para que explicite suas descobertas, organize suas observações e vislumbre a existência de outros ' problemas".

CURSO DE GEOMETRIA ELEMENTAR

Organizado pela: Academia de Ciências do Estado de São Paulo

Ministrado por: <u>Profs.Luiz Márcio Imenes</u>, <u>José Jakubovic</u> e Fernando Trotta

Período : 1º e 2º semestre de 1980

RELATÓRIO

1. Objetivos:

Os alunos que participaram deste curso são, quase '
todos, professores da Rede Oficial de Ensino que lecionam no
1º ou 2º Grau. Todos êles admitiram, com muita honestidade,'
ao se inscrever para este curso, possuir deficiências no conhecimento da Geometria Elementar (que faz parte do programa
de Matemática do 1º e 2º grau). Conforme é sabido, os nossos
professores, via de regra, fogem da Geometria, deixando-a '
sempre para o fim do período letivo("nunca dá tempo de ensiná
-la"). Sabemos ainda que os livros didáticos, propositada mente, costumam colocá-la em seus últimos capítulos.

De posse destes dados, fixamos como objetivo princ<u>i</u>
pal deste Curso a superação desta barreira que de fato existe entre nossos professores e a Geometria. Era preciso aca bar com o "bicho papão". Intenção principal do curso: "ga -

nhar" os alunos-professores para a Geometria; fazer com que se interessassem e criassem coragem para estudar e ensinar' Geometria.

Além deste objetivo fundamentel, fixamos como secun dárias e subordinadas àquele, as seguintes metas:

- desenvolver e adquirir conceitos fundamentais 'tais como: polígono regular, lugar geométrico, semelhança, área de uma superficie, volume de um sólido, etc.
- conhecer algumas propriedades e resultados importantes, como por exemplo: soma dos ângulos internos de um
 triângulo, o circuncentro de um triângulo como intersecção'
 de suas mediatrizes, a elipse, a parábola e a hipérbole como lugares geométricos, o teorema de Pitágoras como relação
 entre áreas, razão entre áreas, razão entre as áreas de '
 dois polígonos semelhantes, a formula de Heron para o cálculo da área do triângulo, etc.
- saber resolver alguns exercícios básicos como aqueles propostos ou resolvidos no livro texto ou apresentados nas coleções anexas.

2. Metodologia

Para alcançar aqueles objetivos (bastante pretenciosos) procuramos dar ao curso as seguintes característi cas:

a. ligação da Geometria com os demais capítulos da Matemática, com as demais Ciências e com o mundo em geral. Exemplos: a rigidez geométrica dos triângulos e as tesouras

dos telhados; por que não existem ladrilhos pentagonais?; cálculo do vão entre o trem e a plataforma numa estação * em curva do metrô; a semelhança geométrica e o estudo em modelos reduzidos (modelo-protótipo); a triangulação to pográfica; problemas práticos envolvendo o cálculo de áreas e de volumes, etc.

- b. a formalização foi evitada a todo custo; as demonstra ções e justificativas, quando realizadas, o foram da maneira mais simples, expontânea e intuitiva possível.
- c. ao mesmo tempo, quando possível, em momentos oportunos, fizemos algumas "construções axiomáticas" localizadas. ' Por exemplo: com base em uma série de verdades pré-estabelecidas demonstrou-se que:
 - o ângulo inscrito numa circunferência é metade do ângulo central correspondente;
 - a seguir:
 - todo triângulo inscrito numa semi-circunferência é re tângulo;
 - o circuncentro de um triângulo retângulo é o ponto mé dio da hipotenusa;
 - num triângulo retângulo, a mediana relativa à hipotenusa é metade da mesma;
 - num triângulo retângulo, se um ângulo mede 30º, o cateto oposto a êle é metade da hipotenusa.
- d. usar as ferramenteas do desenhista (régua, esquadro, com passo e transferidor) num curso de Geometria facilita ' muito o seu aprendizado; torna suas "contruções" mais re ais, concretiza seus conceitos, permite apresentar alguns

métodos importantes do Desenho Geométrico, etc.

e. a utilização de equipamentos pedagógicos simples e bara tos torna mais fácil e agradável o aprendizado da Geome tria. Na descrição do programa desenvolvido damos uma ' ideia de quais são estes equipamentos.

3. Programa

1. Os polígonos

- Soma dos ângulos internos
- Soma dos ângulos externos
- Polígono equilátero
- Polígono equiângulo
- Polígono regular

Observações: a "teoria" é motivada a partir de um problema '
concreto: que polígonos regulares podem ser usa
dos para revestir um piso? (problema dos ladrilhos).

Material Didático: ladrilhos e azulejos; "ladrilhos" em cartolina; régua, compasso, transferidor e
esquadro; polígono de ripinhas de madeira; painéis com mosai
cos de azulejos; favos de mel.

II. Lugares geométricos

- Definição de lugar geométrico (L.G.)
- A circunferência como L.G.

- A mediatriz como L.G.; o circuncentro do triângulo
- A bissetriz como L.G.; o incentro do triângulo
- A elipse como L.G.; construção com barbante e alfinete (método do jardineiro); construção ponto por ponto
- A parábola como L.G.; construção com barbante e alfinete; contrução ponto por ponto
- Arco capaz: as ferramentas do topógrafo (trena e teodolito); ângulo inscrito
- ângulo central; construção do arco capaz de um ângulo ' dado para um segmento dado.

Observação: neste capítulo procuramos explorar bastante os métodos do Desenho Geométrico.

Material Didático: régua, compasso, transferidor e esquadro; barbante e alfinetes; trena, teo dolito rústico; modelo do ângulo inscrito-ângulo central.

III. Geometria espacial de posição

- -Posições relativas de duas retas
- -Posições relativas de dois planos
- -Posições relativas de uma reta e um plano
- -Ângulo de duas retas reversas
- -Perpendicularismo entre reta e plano
- -Planos perpendiculares
- -Angulo entre reta e plano
- -Āngulo entre dois planos
- -Distâncias entre retas reversas

Observação: aqui procuramos fazer uma exploração visual do'
espaço que nos cerca; foram justificadas algumas
poucas propriedades tais como: o teorema fundamental do perpendicularismo entre reta e plano, o teorema das 3 perpendiculares, existência e unicidade da perpendicular comum a '
duas reversas, etc. No mais, a quase totalidade das propriedades envolvendo retas e planos no espaço foram tiradas intuitivamente.

Material Didático: a sala de aula, o mundo e alguns modelos'

(teorema fundamental, teorema das três '

perpendiculares, distância entre retas reversas, sólidos em

madeira ou cartolina).

IV. Semelhança

- A noção de semelhança e a vida prática
- A definição geométrica da semelhança
- Semelhança de polígonos quaisquer
- Semelhança de triângulos
- Relações métricas na circunferência: potência de um ponto em relação a uma circunferência
- O terorema de Tales

Observação: através de exemplos práticos transmitimos o con ceito geométrico de semelhança (duas fotos do mesmo objeto; a maquete e o edifício; barragem no rio e seu modelo no laboratório; o navio e seu modelo no tanque de 'provas; ampliação de mapas; uso do pantógrafo). Uma vez pas sado o conceito procuramos a definição de semelhança.

Material didático: as ferramentas do desenhista, o pantógrafo e polígonos de ripinhas.

V. D teorema de Pitágoras

- Demostração do teorema de Pitágoras
- O triângulo 3,4,5 aplicação prática
 - O problema do metró

Observação: aqui foi dada a demonstração usual do teorema de Pitágoras; em outros pontos do curso demos algumas outras demonstrações que envolvem a noção de área; no cá culo da diagonal do quadrado comentamos a irracionalidade de √2.

Material didático: régua, esquadro, compasso, transferidor, triângulo retângulo de cartolina e triângulo 3, 4, 5 com dados num pedaço de barbante.

VI. A área de uma superfície

- -Problemas cotidianos envolvendo áreas
- -Métodos práticos para calcular áreas
- -A área do quadrado
- -A área do retângulo
- -A área do paralelogramo
- -A área do triângulo
- -A área do trapézio
- -A área do círculo
- -Razão entre as áreas de duas figuras semelhantes

Observação: neste capítulo é possível explorar bastante tanto os aspectos práticos (método do quadriculado' ou da balança para o Cálculo da área de uma figura irregular, cálculo do número de tijolos necessários para construir uma casa, triangulação topográfica para o cálculo da área de um 'terreno irregular, etc) quanto os teóricos (área do quadrado, área do retângulo-discussão do problema quando um lado é irracional; cálculo da área do círculo pelo método das aproxima - ções sucessivas - a definição do número îi).

Material didático: figuras em cartolina

VII. O volume de um sólido

- Problemas práticos envolvendo o cálculo de volumes
- Métodos práticos para calcular volumes
- O volume do cubo
- O volume do bloco retangular
- Um pouco de História da Matemática: o "método" de Ar quimedes e os "indivisíveis" de Cavalieri
- O princípio de Cavalieri
- O volume do prisma
- O volume do cilindro
- O volume da pirâmide
- O volume do cone
- Razão entre os volumes de dois sólidos semelhantes
- O volume da esfera

Observação: aqui também neste capítulo é possível explorar '

bastante aspectos práticos e aspectos teóricos. Além disso, neste capítulo, apresentamos a Matemática de uma forma bastan te polêmica; ela é posta em pé de igualdade com qualquer ciên cia experimental. Aplica-se a ela o método experimental. O 'princípio de Cavalieri é aceito na medida em que suas consequências teóricas são confirmadas experimentalmente.

Material didático: sólidos em madeira, papelão, acrílico, vidro (prismas, pirâmides, cilindros, cones' e esferas); béquer, lata de cerveja, caixa de sapato, barrica de vinho, etc.

Carga horária do curso: 90 horas

Início: 8-3-80 Término: 6-12-80

Foram 29 sábados com aulas das 14 às 17 hs sendo que no encer ramento do mesmo (dia 6 de dezembro) tivemos 6 horas de aula.

Bibliografia

Livro texto: Matemática Aplicada (Trotta-Imenes-Jakubovic)
Ed. Moderna

Geometria Métrica (Gelson Iezzi e Dolce)- Ed. Atual Geometria (Benedito Castrucci) - Livraria Nobel Geometria Moderna (Moise e Downs) - Ed. Edgard Blucher Áreas e Volumes (Elon Lages Lima)—Ao Livro Técnico Exercícios de Geometria Plana (Edgard de A. F⁹)—Liv. Nobel Exercícios de Geometria no Espaço (Edgard de A.Fº)-Liv. Nobel Exercícios de Geometria (Th.Caronnet) - Lib. Voibert (Paris) Desenho Geométrico (Carlos Marmo) - Ed. Moderna

BIBLIOGRAFIA COMPLEMENTAR

Esta bibliografia contém algumas obras sobre História da Mate mática, outras sobre curiosidades matemáticas e outros temas bastante interessantes para um professor de Matemática.

- Conceitos Fundamentais de Matemática Bento de Jesus Cora ça - Editado em Lisboa
- 2. Número: A Linguagem da Ciência Tobias Dantzig Ed.Zahar
- 3. A Magia dos Números Paul Karlson Ed. Globo
- 4. Maravilhas da Matemática Lancelot Hogben Ed. Globo
- 5. História da Matemática Carl Boyer Ed. EDUSP
- 6. Que es la Matemática? Courant Robbins Ed.Aguillar-Madrid
- 7. Perspectivas da Matemática Hans Freudenthal Ed. Zahar
- 8. Matemáticas y razonamiento plausible-George Polya-Editora ' Tecnos - Madrid
- 9. Introdução à MAtemática para biocientistas E. Batschelet'
 Ed. EDUSP
- 10. As Idéias fundamentais da Matemática M. Amoroso Costa -Ed EDUSP
- Matemática e Imaginação Edward Kosner, James Newman Ed.
 Zahar
- 12. O Fracasso da Matemática Moderna Morris Kline Ed. Ibrasa
- 13. Bueno, y que ...? y. Jurquin Ed. Mir Moscou

- 14. Leciones populares de Matemáticas Curvas Maravilhosas (e outros temas) A.I.Markushévich Ed. Mir Moscou
- 15. De Cuantas Formas? N. Vilenkin-Ed. Mir - Moscou
- 16. Curiosidades da Matemática Eugene P. Northrop Ed. Ulisseia - Lisboa
- 17. Álgebra recreativa Y. Perelman Ed. Mir Moscou
- 18. A Lógica do Descobrimento Matemático -Imre Lakatos - Ed. Zahar
- 18. A Arte de Resolver Problemas-G. Polya - Ed. Interciência

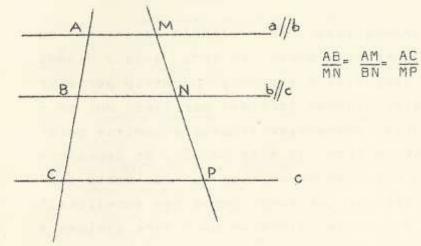
4. Avaliação das deficiências e das dificuldades en contradas pelos alunos e do seu aprendizado

Procuramos fazer uma avaliação constante do aprendizado durante o curso. Em cada aula a dinâmica usada de perguntas e respostas permitiu perceber as enormes dificuldades sentidas por êles. Num ambiente de muita camaradagem ficamos a vontade para que perguntassem tudo, da aula ou não, da Geometria ou não e até mesmo da MAtemática ou não. Neste as pecto posso afirmar que fomos todos bem sucedidos. Perguntando à vontade colocaram para fora dúvidas e inseguranças sobre conceitos básicos da Matemática. Passamos a citar alguns exemplos:

- nenhum deles sabia justificar porque a soma dos ' ângulos internos de um triângulo é igual a 180º;
- . alguns não sabiam usar o compasso;
- . vários não sabiam usar o transferidor
- quase todos nunca haviam ouvido falar em Lugar ' Geometrico;
- desconheciam a propiedade fundamental da media triz (não haviam percebido que seus pontos equi distam dos extremos do segmento);
- afirmavam nunca haver estudado Geometria Espacial de Posição;
- . desconheciam o conceito de retas reversas;
- . nehum deles sabia definir semelhança de dois po-

ligonos;;

 com respeito ao Teorema de Tales mostraram-se bas tante surpresos quando afirmamos estar errado que:



Mais surpresos ainda quando entenderam que, de fato, a proporção acima não vale e afirmaram que ensinavam assim para seus alunos.

- nenhum sabia justificar o teorema de Pitágoras;
- dúvida de um dos alunos: contou-nos êle que naquela semana, ao fazer uma rápida recapitulação da Trigonometria para seus alunos da 3a. série do 2º Grau, quando afirmou que cos 45º = 12

um aluno lhe disse:

- Mas, professor, então cos $45^\circ = \frac{1}{2}$ pois elevando ao quadrado, "em cima" e "em baixo" fica: cos $45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{(\sqrt{2})^2}{2^2} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$
- -"Neste momento conta-nos nosso aluno (professor)-

fiquei em dúvida: então cos 45° é mesmo igual a $\frac{1}{2}$?

- . não compreendiam o significado de uma definição."
 Por exemplo: diante da pergunta: "um triângulo equilâtero é isósceles?" a resposta: " depende de como se defina triângulo isósceles" não lhes fazia significado.
- desconheciam as fórmulas básicas para o cálculo ' de volumes
- nunca haviam ouvido falar no princípio de Cavalieri.

Com relação ao aprendizado pode-se afirmar' que os conceitos básicos e as propriedades fundamen tais que durante o curso foram discutidos várias vê zes (lugar geométrico, paralelismo e perpendicula rismo no plano e no espaço, a noção de semelhança,' os polígonos fundamentais e suas propriedades o tri ângulo retângulo, cálculo das áreas das principais' figuras planas) foram razoavelmente absorvidos por aqueles alunos que frequentaram no mínimo 70% aulas (10 alunos). Por outro lado, a "demonstração' de teoremas" continua sendo uma dificuldade bastante grande para todos êles. Não os consideramos condições de desenvolver um curso de Geometria onde a tônica seja o rigor, a lógica, o método dedutivo. Achamos que têm condições para, com bastante difi culdade, ensinar uma Geometria intuitiva, baseada na construção e observação de figuras, que use as fer ramentas do desenhista e que vez ou outra justifi que alguma propriedade simples, de demonstração di reta, sem artifícios. Exercícios artificiosos que exijam construções auxiliares, utilização de propriedades meio "sutis", êles não conseguem resolver, mesmo após o curso.

Em relação ao objetivo fundamental de "ganhá -los" para a Geometria temos coragem de afirmar ' que foi satisfatoriamente alcançado.

Na opinião deles, levantada durante as últimas aulas, o curso foi proveitoso. Pedem à Academia de Ciências que continue a patrocinar cursos desta natureza. Segundo êles "é importante aprender aquilo que se vai lecionar e que as Faculdades não nos ensinam". Em relação ao local das aulas su gerem a substituição da Cidade Universitária por algum outro local de acesso mais fácil (por exemplo algum colégio estadual próximo à linha do Metrô).

RESENHA

PROGRESSÕES E LOGARÍTMOS; NOÇÕES DE MATEMÁTICA, VOL. 2.

Aref Antar Neto Nilton Lapa José Luiz Pereira Sampaio Sidney Luiz Cavallante

Editora Moderna, São Paulo, 79.

O livro trata de noções básicas de potências , raizes e sequências.

Estuda as progressões aritméticas e geométri cas cuidadosamente.

Aborda também o estudo das funções exponencial e logarítmo, construindo e interpretando os seus grá ficos. Enfoca as propriedades dos logarítmos, os logarítmos decimais e os neperianos, com uma ideia his tórica do seu aparecimento, equações e inequações ex ponenciais e logarítmicas.

Apresenta um grande número de exercícios resol vidos e de exercícios apenas propostos.

Esse livro responde de maneira eficiente à necessidade de estudo dos assuntos ditos acima e é recomendável para os alunos do 2º grau, como texto cor reto e acessível.

Estela K.Fainguelernt.

NOTICIAS

XXXIII Encontro INTERNACIONAL DA CIEAEM PALLANZA, ITÁLIA, 1981

(Anotações de Moema Sá Carvalho)

Realizou-se em Pallanza, Itália, de 2 a 9 de agosto do corrente ano, o XXXIII Encontro da Comissão Internacional para Estudo e Aperfeiçoamento do Ensino da Matemática, tendo sido programados como temas principais, "Processos de Geometrização e Percepção Visual ".

Os trabalhos foram abertos com a conferência das professoras Emma Castelnuevo e Anna Krigowska, abordando, respectivamente: "Geometrização, Enfoque Histórico", e "Geometrização, Visualização".

Sobre o enfoque histórico observou a Prfª · Emma Castelnuevo a existência de três períodos distintos na História da Geometria.

- I. O primeiro, em que os números são figuras e em que suas propriedades são geométricas, iniciado com os babilônios.
- II. O período que se iniciou com os gregos, extendendo-se até 1600.
- III. O período posterior a 1600, em que algebrização substitui a Geometria, iniciado com Fermat e Descartes. A Geometria cede lugar à Álgebra; linhas e figuras passam a ser estudadas através de nú meros e equações.

Chegou-se daí à construção da Análise, cujas bases se assentavam nos números, aos quais, no entanto, faltavam, a essa época, fundamentos firmes, pelo menos tão rigorosos quanto os da Geometria de até então.

Por volta de 1880, construiu-se a teoría axiomática de número real com Bolzano, Weierstrass, Dedekind.

O ponto de vista axiomático unificou, nessa fase, os diferentes ramos da Matemática. Os axiomas passaram a indicar somente as relações lógicas, não as particulares interpretações. Exem plo esclarecedor dessa conduta pode ser encontrado na axiomática de Hilbert.

De 1959 para cá, o grupo Bourbaki organi zou a unificação da Matemática através da noção ' de estrutura.

Vê-se daí um caminho percorrido, do concr<u>e</u> to ac abstrato, aparecendo a Geometria em aspectos diversos, nas épocas sucessivas.

Sobre Geometria e Visualização, a Profa. Anna Krigowka inicia as suas observações, citando Freudental:

" A Geometria é uma grande oportunidade para se aprender a matematizar a realidade."

Prosseguindo, esquematiza em três etapas os níveis do processo de geometrização:

- I Etapa da Realidade física; observação com participação.
- II- Etapa do desenho.
- III- Etapa da imaginação ou do pensamento organizado.

Exemplifica:

1º Exemplo (primeiro ano primário)

Entregue às crianças o desenho de um lago com três ilhas, é-lhes pedido que façam um colorido, destacando as ilhas com cor diferente da do lago. Por esse colorido, o professor pode se assegurar sobre a interpretação correta do desenho e pedir-lhes que nele representem o percurso de um barco que de va passar entre as ilhas, deixando sempre uma à sua esquerda e duas à sua direita.

2º Exemplo

Pede-se a criança para representar no papel o caminho que percorreu para se aproximar do professor 'a convite do mesmo.

3º Exemplo

Utilizando um cilindro a guiza de óculo, pede-se '

que seja observado o campo visual que o mesmo delimita. Sugere-se que se descubra esse campo visual, deslocando, por exemplo, um dedo, de modo a ser' sempre visto através de óculo, mantido, claro, o observador na mesma posição.

Observa a Profa. Krigowska que nesses dese nhos não estava se dando uma representação de mate
rial concreto. Havia uma representação do que se
pensava, como resultado de observação de uma reali
dade fisíca.

Do desenho se passa para uma etapa mais refinada, de geometrização, ou seja, de pensamento organizado.

Após a conferência inicial, o encontro se desenvolveu com cerca de 60 comunicações sobre experiências didáticas realizadas em níveis diversos e nos diferentes países-orígens dos apresentadores. A cada apresentação seguiços um debate.

Duas dessas comunicações foram sobre a "Pesquisa Experimental Binômio Professor-Aluno", do GEPEM, apresentadas, em nome da equipe, pelas professoras Franca Cohen Gottlieb e Moema Sá Carvalho.

Dentre as comunicações, em geral, destacamos algumas, a título de ilustrações.

. De Cagliari, Itália, Profa. Lucia Grugnetti, so-

A Professora observa que o enfoque da Geometria sob um ponto de vista dinâmico e como descrição do mundo pode construir uma excelente ajuda para geometrização e a visualização da realida
de. "Esse enfoque pode ser desenvolvido na escola"
primária de um modo intuitivo para tornar-se mais
formal nos graus subsequentes".

Cita como exemplos a observação do desloca mento numa patinação, da queda de um pingo d'agua, do movimento de um pião, da roda de um leme, etc. Cita ainda as observações de simetrias existentes na natureza, a utilização das reflexões no cotidiano, como nos sinais de trânsito, por exemplo.

Chama a atenção para o fato de que as crianças não começam a pensar necessariamente por figuras no plano. Ao contrário, começam pelo espaço, 'que é onde nos movimentamos.

"Quando ensinamos, iniciando pelo plano, es tamos forçando uma situação", observa.

.De Caracas, Venezuela, Profa. Lelis Paez Sanches, sobre uma pesquisa a respeito da capacidade de representação gráfica do espaço na criança e no adulto não escolarizado.

.Da Suissa, Prof Jundt, em torno do tema "Geometr<u>i</u> a é arquétipo de beleza do mundo" (Kepler) Observa o Professor que:

"A Geometria como modo de comtemplar o mun do nos fornece modelos para compreender esse mundo. Para que essa idéia possa ser utilizada didatica mente, a riqueza das formas na natureza, a arte, a técnica, etc devem ser:

- percebidas
- abstraídas e assimiladas
- compreendidas dentro de um sistema teórico
- reprojetadas no mundo material".

"Um ensino da Geometria baseado não sobre' axiomas, mas sobre experiências, deve atribuir uma grande importância ao primeiro Ítem.

. Do Niger, Profa. Annie Berte, sobre uma pesquisa de uma demonstração geométrica a respeito da soma' dos ângulos de um polígono (1º e 2º séries do 1º ciclo secundário). Inicia o processo com ativida— des dos alunos através de dobraduras em um triângulo retângulo, para que observem que os ângulos agudos podem recobrir o ângulo reto. Prossegue por outras observações experimentais, depois conclui 'sobre a possibilidade de generalização e da necessidade de demonstração, dada a impossibilidade de ser testado cada caso particular.

RELATÓRIO DA SECRETARIA DO GEPEM

RELATIVO AO ANO DE 1981

Cumprindo determinações estatutárias vimos apresentar o relatório relativo ao ano de 1981.

1. ATIVIDADES PROMOVIDAS PELO GEPEM

1.1. Curso de Pós-Graduação "Lato Sensu" em Educa ção Matemática

O Curso está sendo realizado em convênio GE-PEM-USU e já foram cumpridos os dois primeiros períodos. O primeiro período iniciou-se em 10/03 com três disciplinas:

- Cálculo Avançado -Prof.Renato Valladares(UFF e ÍMPA)
- _ Álgebra Linear Prof. João Bosco Pitombeira de Carvalho (PUC)
- Psicologia do Desenvolvimento Profa. Maria judith Sucupira da Costa Lins (USU)

O segundo período teve início em O3/O8 com a continuação das disciplinas de Cálculo Avançado e ÁL-gebra Linear. A terceira disciplina foi Psicologia da Aprendizagem com a Profa. Márcia Magalhães Gomes(UFRJ)

- 1.2. Palestras patrocinadas pelo Curso de Pós-Graduação
 - -"A Linguagem e a Matemática"-Profa.Circe Navarro Ribas
 - -"Índice de Interseção"- Prof.Carlos Isnard
 - -"Integral de Riemam, sua naturalidade e seus

- defeitos". Prof. Leopoldo Nachbin
- 1.3. Apresentação do filme ilustrativo da execução do projeto "Binômio Professor-Aluno".
- 1.4. Palestra da Prof. Estela Fainguelernt relatando as conclusões de sua tese de mestrado:

 "Um modelo matemático para o estudo das difi culdades apresentadas pelos alunos do 2º grau
 na resolução de sistemas lineares".
- 1.5. Palestra do Prof. Emmanuel Píseces L. Passos
 "Lógica Matemática Aplicada à Computação".
- 1.6. Palestra do Prof. Eduardo Quadra

 "Uma experiência em Educação Matemática no 1º'
 e 2º Graus":

2. PARTICIPAÇÃO DO GEPEM EM ATIVIDADES EXTERNAS

- 2.1. Encontro promovido em São Paulo pela Sociedade Brasileira de Matemática, com a participação ' de Maria Laura Mouzinho Leite Lopes represen tando o GEPEM.
- 2.2. 1º Encontro sobre Educação Matemática no Centro Educacional da Lagoa, com a participação ' de Anna Averbuch, Franca Gottlieb, Maria Laura Mouzinho Leite Lopes e Vera Maria Rodrigues.
- 2.3. 2º Encontro sobre Educação Matemática no Centro Educacional da Lagoa, com a participação ' de Maria Laura Mouzinho Leite Lopes e Moema Sá Carvalho.
- 2.4. 5ª Semana Regional de Ensino da Matemática rea lizado em Vitória, na Universidade Federal'

- do Espírito Santo, com a participação de Maria Laura Mouzinho Leite Lopes.
- 2.5. 1º Encontro Regional sobre Educação Mstemática promovido pela Fundação Universidade de Passo¹ Fundo(RS), com a participação de Maria Laura ¹ Mouzinho Leite Lopes.
- 2.6.1º Encontro de Ensino da Matemática, realizado na Universidade Estadual de MAringá (Paraná).' com a participação de Maria Laura Mouzinho Lei te Lopes.
- 2.7. "Encontro de Professores Primários" em São João de Meriti com a participação de Estela Fainguelernt, Noelir Bordinhão e Ana Lúcia Bordeaux, " onde foram relatados alguns resultados do Proje to "Binômio Professor-Aluno" e foi exibido o " filme a ele referente.
- 2.8.33 C.I.E.A.E.M em Pallanza, Itália, de 30/07 a 09/08, com a participação de Moema de Sá Carvalho e Franca Gottlieb que apresentaram respecti
 vamente os temas: "Uma experiência em Educação'
 Matemática" e "Utilização exagerada de diagrama
 de flechas". Além disso foram apresentados posters enviados por Estela Fainguelernt e Maria '
 Laura Mouzinho Leite Lopes.
- 2.9 Palestra realizada por Maria Läura Mouzinho Lei te Lopes na sede da Embrafilme, sobre "Imagem," Educação e criança".

- 2.10. Curso de "Didática Mais Efetiva da Matemática" na escola Barão de Capanema, com a duração de 10 horas/aula, para professores, normalistas ' e alunos de pedagogía, ministrado por Edna B.' dos Santos, Maria Helena Carvalho e Telma Arau jo Madeira de Castro Silva sob a coordenação de Anna Averbuch.
- Z.11. Palestra realizada por Maria Laura Mouzinho Lei te Lopes, no colégio Santa Tereza, sobre Educação Matemática.
- 2.12. Palestra realizada por Moema de Sá Carvalho no' Colégio Stockler sobre "O ensino da Matemática' no 1º grau" para as professoras e coordenadoras do Colégio.
- 2.13. Participação de Maria Laura Mouzinho Leite Lopes em um painel promovido pelo CA da Matemática da USU na semana da Matemática. Título do painel: "A Universidade e Educação".

3. PUBLICAÇÕES

Sairam os boletins nº 9, 10 e 11, publicados pela 'USU. Por terem-se esgotados os exemplares dos números '10 e 11, está sendo providenciado uma segunda edição 'dos mesmos. A nova edição do nº 11 contou com o apoio 'da Fundação Universitária José Bonifácio da UFRJ.

4. REUNIÕES REGULARES

Houve reuniões mensais de debates livres sobre assum tos de interesse do ensino da Matemática.

5. ASSUNTOS GERAIS

- 5.1. Foi assinado um convênio com o CNPq que pas sou a financiar a parte relativa ao pagamen to do pessoal do curso de Pós-Graduação"lato sensu" em Educação Matemática, no 2º semestre de 1981.
- 5.2. O GEPEM tentou realizar alguns cursos de 'Formação Permanents para Professores mas 'sua execução não chegou a bom termo devido' ao pequeno número de inscrições.
- 5.3. Os resultados do projeto "Binômio Professor Áluno" repercutiram na imprensa através de reportagens no Jornal do Brasil e na revista Veja.
- 5.4. A revista "País Modernos" fez uma reporta gem sobre o trabalho da Profa.Maria Cristina Caldas, como coordenadora de Matemática' do 1º segmento da Escola Eliezer Steinbarg.
- 5.5. O GEPEM recebeu, por empréstimo, um filme 'sobre Matemática, enviado pela firma Hermann Sehroedel Verlag K.G., da Alemanha Ocidental, como consequência de contactos efetuados no encontro de Pallanza.
- 5.6. Estão abertas as inscrições para os seguin tes cursos de 1982 e para disciplinas isoladas dos mesmos:
 - -3º período de Pós-Graduação "Lato Sensu" em

Educação Motemática.

- -1º período de Pós-Graduação "Lato Sensu" em Educação Matemática.
- -Curso de Nivelamento de Álgebra
- -Curso de Nivelamento de Cálculo.